

1

(問1) 力のつり合いより、

$$mg = \alpha \cdot \frac{1}{2} V_0 \cdot g$$

$$\therefore V_0 = \frac{2m}{\alpha}$$

$$\text{答 } V_0 = \frac{2m}{\alpha} \quad [\text{m}^3]$$


---

(問2)  $pV$  が一定であることから、

$$p_0 V_0 = pV$$

$$\therefore V = \frac{p_0}{p} V_0 = \frac{2mp_0}{\alpha p}$$

$$\text{答 } V = \frac{2mp_0}{\alpha p} \quad [\text{m}^3]$$


---

(問3) 図2において、 $mg = \alpha V_1 g$

$$\text{(問1)より、} V_1 = \frac{1}{2} V_0$$

$$\text{さらに、} p_0 V_0 = p_1 V_1$$

$$p_1 = \frac{V_0}{V_1} p_0 = 2p_0$$

$$\text{答 } p_1 = 2p_0 \quad [\text{Pa}]$$


---

(問4) 深さ  $h$  における圧力は  $(p_2 + \alpha gh)$  であるから

$$p_0 V_0 = (p_2 + \alpha gh) V_2$$

$$V_2 = \frac{p_0}{p_2 + \alpha gh} V_0 = \frac{2mp_0}{(p_2 + \alpha gh)\alpha}$$

$$\text{答 } V_2 = \frac{2mp_0}{(p_2 + \alpha gh)\alpha} \quad [\text{m}^3]$$


---

(問5) 反作用より、ボイルは容器の底から  $F$  の力を受けるので、

力のつり合いより、

$$F + \alpha V_2 g = mg$$

$$F = mg - \alpha \cdot \frac{2mp_0}{(p_2 + \alpha gh)\alpha} \cdot g = \left(1 - \frac{2p_0}{p_2 + \alpha gh}\right) mg$$

$$\text{答 } F = \left(1 - \frac{2p_0}{p_2 + \alpha gh}\right) mg \quad [\text{N}]$$


---

(問6)  $p_2 = p_0$  のとき、 $F \geq 0$  とするには、ボイルは水深  $h$  ままであるから、

$$F = \left(1 - \frac{2p_0}{p_0 + \alpha gh}\right) mg \geq 0$$

$$p_0 + \alpha gh - 2p_0 \geq 0$$

$$h \geq \frac{p_0}{\alpha g}$$

$$\text{答 } h \geq \frac{p_0}{\alpha g} \quad [\text{m}]$$


---

2

(問1) ソレノイドを流れる電流がつくる  
磁場の式より

$$nI$$

答  $nI \text{ (A/m)}$

(問2) 鉄芯を入れても磁場の強さは変化しないので

$$H = nI$$

一方、磁束密度を  $B$  とおくと  $B = \mu_r \mu_0 H$  より  
 $B = \mu_r \mu_0 nI$

答  $H = nI \text{ (A/m)}$

答  $\mu_r \mu_0 nI \text{ (T)}$

(問3)  $H = nI$  より、

$n$  は、単位長さあたりの導線の巻き数なので

$$H = \frac{N}{2\pi R} I$$

答  $H = \frac{N}{2\pi R} I$

(問4) ソレノイド内の磁束を  $\Phi_1$ 、空隙での磁束を  $\Phi_2$  とおくと、

$$\Phi_1 = \mu_r \mu_0 n I S$$

$$\Phi_2 = \mu_0 H_0 S$$

ここで  $\Phi_1 = \Phi_2$  より

$$\mu_r \mu_0 n I S = \mu_0 H_0 S$$

$$\text{よって } H_0 = \mu_r n I$$

答  $H_0 = \mu_r n I \text{ (A/m)}$

(問5) 自己インダクタンスを  $L$  とおくと  
ファラデーの電磁誘導  $\nabla = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -N \frac{\mu_r \mu_0 n S \Delta I}{\Delta t}$  と  
自己誘導の式  $\nabla = -L \frac{\Delta I}{\Delta t}$  の比較より

$$L = \mu_r \mu_0 n N S$$

$$N = 2\pi R \cdot n \text{ より、代入して}$$

$$L = 2\pi \mu_r \mu_0 n^2 R S$$

答  $2\pi \mu_r \mu_0 n^2 R S \text{ (H)}$

(問6) ソレノイドに蓄えられるエネルギーを  $U$  とおく

$$U = \frac{1}{2} L I^2$$

$$= \frac{1}{2} \cdot 2\pi \mu_r \mu_0 n^2 R S I^2$$

$$= \pi \mu_r \mu_0 n^2 R S I^2$$

答  $\pi \mu_r \mu_0 n^2 R S I^2 \text{ (J)}$

3

(問1)  $\Delta t$  の間にピストンは  $u \Delta t$  移動するので

$$\Delta V = S u \Delta t$$

$$\text{よって } \Delta t = \frac{\Delta V}{S u}$$

$$\text{答 } \Delta t = \frac{\Delta V}{S u} \quad [s]$$

(問2) 微小時間において圧力は一定とみなせるので  $W = p \Delta V$

等温変化において気体が  
された仕事分、気体は熱を  
放出するから  $Q = W$

$$\text{答 } Q = p \Delta V [J] \quad \text{答 } W = p \Delta V [J]$$

(問3)

衝突後の速度の  $x$  成分を  $v_x'$  とおくと、弾性衝突するから  $1 = -\frac{v_x' - (-u)}{v_x - (-u)}$

よって  $v_x' = -v_x - 2u$  ここで  $\frac{1}{2} m v_x'^2 = \frac{1}{2} m v_x^2 (1 + \frac{2u}{v_x})^2 = \frac{1}{2} m v_x^2 (1 + \frac{4u}{v_x})$   
求める運動エネルギーの変化量  $\Delta E$  は  
と近似できる。

$$\Delta E = \frac{1}{2} m v_x^2 (1 + \frac{4u}{v_x}) - \frac{1}{2} m v_x^2 = 2 m u v_x \quad \text{答 } 2 m u v_x [J]$$

(問4) 容器の長さを  $L$  とおくと  $V = S L$  より  $L = \frac{V}{S}$

$\Delta t$  の間に衝突する回数  $M$  は

$$M = \frac{v_x \Delta t}{2L} = \frac{S v_x \Delta t}{2V}$$

$$\text{答 } M = \frac{S v_x \Delta t}{2V}$$

(問5)  $\Delta t$  の間の1個の分子の運動エネルギーの変化量は(問3)(問4)より

$$2 m u v_x \cdot \frac{S v_x \Delta t}{2V} = \frac{m S u v_x^2 \Delta t}{V}$$

$\Delta t$  の間の  $N$  個の分子の運動エネルギーの増加分が熱源に放出されるので

$$Q' = N \cdot \frac{m S u \overline{v_x^2} \Delta t}{V}$$

$$\text{(問1)より } Q' = \frac{N m \overline{v_x^2} \Delta V}{V}$$

$$\text{答 } Q' = \frac{N m \overline{v_x^2} \Delta V}{V} [J]$$

(問6) (問5)の結果に  $\overline{v_x^2} = \frac{\overline{v^2}}{3}$  を代入すると  $Q' = \frac{N m \overline{v^2}}{3V} \Delta V$

ここで状態方程式  $pV = nRT$  と内部エネルギーの式  $N \cdot \frac{1}{2} m \overline{v^2} = \frac{3}{2} nRT$  より

$$Q' = \frac{2}{3V} \cdot N \cdot \frac{1}{2} m \overline{v^2} \cdot \Delta V$$

$$= \frac{2}{3V} \cdot \frac{3}{2} nRT \cdot \Delta V = \frac{2}{3V} \cdot \frac{3}{2} pV \cdot \Delta V = p \Delta V$$

答

よって(問2)の結果と一致する。