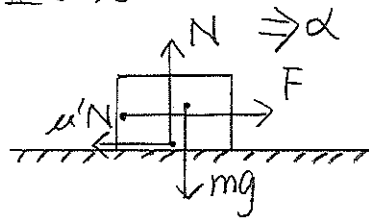


解答紙には答えだけでなく、設問に応じて、式・計算・図や文章による説明も書き入れよ。

1 すべての問題で、右向きを正とする。

(問1) 右図より

$$\begin{cases} N = mg \\ m\alpha = F - \mu'N \end{cases}$$



2式を解いて、 $\alpha = \frac{F}{m} - \mu'g$

答 $\alpha = \frac{F}{m} - \mu'g$ [m/s²]

(問2) 等加速度直線運動の公式より

$$v_0^2 - 0^2 = 2\left(\frac{F}{m} - \mu'g\right)a$$

$v_0 > 0$ より $v_0 = \sqrt{2a\left(\frac{F}{m} - \mu'g\right)}$ — ① 答 $v_0 = \sqrt{2a\left(\frac{F}{m} - \mu'g\right)}$ [m/s]

(問3) BC間の加速度は $(-\mu'g)$ であるから等加速度直線運動の公式より、

$$0^2 - v_0^2 = 2(-\mu'g)b \quad \mu' = \frac{a}{mgb}(F - \mu'mg) \quad (\because \text{①})$$

これを μ' について解くと、 $\mu' = \frac{aF}{mg(a+b)}$

答 $\mu' = \frac{aF}{mg(a+b)}$

(問4) 等加速度直線運動の公式より、

$$v_1^2 - v_0^2 = 2(-\mu'g) \cdot \frac{b}{2} \quad \text{--- ②}$$

$$\therefore v_0^2 = \frac{2a}{m}\left(F - \frac{a}{a+b}F\right) = \frac{2ab}{m(a+b)}F$$

であるから、これを②に代入して v_1 について解くと、

$$v_1^2 = \frac{ab}{m(a+b)}F$$

$v_1 > 0$ より $v_1 = \sqrt{\frac{abF}{m(a+b)}}$

答 $v_1 = \sqrt{\frac{abF}{m(a+b)}}$ [m/s]

(問5) DE間の加速度は $(-\beta\mu'g)$ であるから、等加速度直線運動の公式より、

$$0^2 - v_1^2 = 2(-\beta\mu'g)\left(\frac{b}{2} + c\right)$$

$$\frac{abF}{m(a+b)} = \beta g \frac{aF}{mg(a+b)}(b+2c)$$

$$b = \beta(b+2c)$$

$$\beta = \frac{b}{b+2c}$$

答 $\beta = \frac{b}{b+2c}$

解答紙には答えだけでなく、設問に応じて、式・計算・図や文章による説明も書き入れよ。

2

(問1) S_1 を閉じた直後、コンデンサーは導線とみなせる。
 ので、3つの抵抗は、並列接続となる。

$$I_E = \frac{1.2}{1.0} + \frac{1.2}{2.0} + \frac{1.2}{3.0}$$

$$= 2.2$$

答 $I_E = 2.2 \text{ [A]}$

(問2) S_1 を閉じて十分時間が経過した後、コンデンサーには電流が流れないので、3つの抵抗は、直列接続となる。

$$I_E = \frac{1.2}{1.0 + 2.0 + 3.0} = 0.20$$

答 $I_E = 0.20 \text{ [A]}$

(問3) このとき、 C_1 にかかる電圧は、抵抗 R_2 と抵抗 R_3 にかかる電圧の和 0.60 V と等しく、 C_2 にかかる電圧は、抵抗 R_1 と抵抗 R_2 にかかる電圧の和 1.0 V と等しい。

$Q = C \nabla$ より、

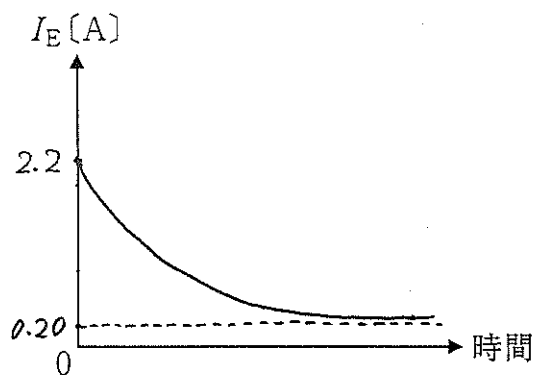
$$Q_1 = 1.0 \times 10^{-6} \times 0.60 = 6.0 \times 10^{-7}$$

$$Q_2 = 1.0 \times 10^{-6} \times 1.0 = 1.0 \times 10^{-6}$$

$$Q_1 = 6.0 \times 10^{-7} \text{ [C]}$$

答 $Q_2 = 1.0 \times 10^{-6} \text{ [C]}$

(問4) 時間が経過すると、電流の大きさはだんだん減少していき 0.20 A になるので、



(問5) S_1 と S_2 を開いて十分時間が経過した後、回路に電流は流れず、2つのコンデンサーは並列となる。また、電気容量は等しいので $Q_1' = Q_2'$ となる。

電気量保存則より

$$6.0 \times 10^{-7} + 1.0 \times 10^{-6} = Q_1' + Q_2'$$

よって、 $Q_1' = Q_2' = 8.0 \times 10^{-7}$

$$Q_1' = 8.0 \times 10^{-7} \text{ [C]}$$

答 $Q_2' = 8.0 \times 10^{-7} \text{ [C]}$

(問6) コンデンサーの静電エネルギー $\frac{Q^2}{2C}$ の変化が抵抗で失われる全ジュール熱になるので、

$$J = \frac{Q_1^2}{2C_1} + \frac{Q_2^2}{2C_2} - \left(\frac{Q_1'^2}{2C_1} + \frac{Q_2'^2}{2C_2} \right)$$

$$= 4.0 \times 10^{-8}$$

答 $J = 4.0 \times 10^{-8} \text{ [J]}$

解答紙には答えだけでなく、設問に応じて、式・計算・図や文章による説明も書き入れよ。

3

(問1)

答 $E = h\nu$ [J], $p = \frac{h\nu}{c}$ [kg·m/s]

(問2) $p = \frac{h\nu}{c} = \frac{h}{\lambda}$ より $\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{m v_e}$

答 $\lambda = \frac{h}{m v_e}$ [m]

(問3) 円周の長さが電子波の整数倍になるとき安定するので

$2\pi r = n\lambda = n \frac{h}{m v}$ ① $r = \frac{nh}{2\pi m v}$

答 $r = \frac{nh}{2\pi m v}$ [m]

(問4)

円運動の運動方程式より

$m \frac{v^2}{r_n} = k_0 \frac{e^2}{r_n^2}$ ②

また①より $v = \frac{nh}{2\pi m r_n}$

これを②に代入して整理すると

$r_n = \frac{h^2}{4\pi^2 k_0 m e^2} \cdot n^2$

答 $r_n = \frac{h^2}{4\pi^2 k_0 m e^2} \cdot n^2$ [m]

(問5)

$E_n = \frac{1}{2} m v_n^2 + (-k_0 \frac{e^2}{r_n})$

$= -k_0 \frac{e^2}{2r_n}$ (∵ ②より)

$= -\frac{k_0 e^2}{2} \frac{4\pi^2 k_0 m e^2}{h^2} \cdot \frac{1}{n^2}$

$= -\frac{2\pi^2 k_0^2 m e^4}{h^2} \cdot \frac{1}{n^2}$

答 $E_n = -\frac{2\pi^2 k_0^2 m e^4}{h^2} \cdot \frac{1}{n^2}$ [J]

(問6) (問5)の結果を用いて

$eV = E_2 - E_1$
 $= -\frac{2\pi^2 k_0^2 m e^4}{h^2} \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{1^2} \right)$

$= \frac{3\pi^2 k_0^2 m e^4}{2h^2}$

答 $V = \frac{3\pi^2 k_0^2 m e^4}{2h^2}$ [V]

(問7)

$V = \frac{3\pi^2 k_0^2 m e^4}{2h^2}$

$\frac{1}{2} m v'^2 = eV$ が成り立つので、(問6)の結果を用いて

$\frac{1}{2} m v'^2 = e \frac{3\pi^2 k_0^2 m e^4}{2h^2}$

$v'^2 = \frac{3\pi^2 k_0^2 e^4}{h^2}$

答 $v' = \frac{\sqrt{3} \pi k_0 e^2}{h}$ [m/s]

$v' > 0$ より $v' = \frac{\sqrt{3} \pi k_0 e^2}{h}$