

解答紙には答えだけでなく、設問に応じて、式・計算・図や文章による説明も書き入れよ。

1

(問1) 運動量保存則より、

$$m\upsilon = mV + MV$$

$$V = \frac{m}{m+M} \upsilon \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\text{答: } V = \frac{m}{m+M} \upsilon \text{ [m/s]}$$

(問2) 矢の初速 $T$  = 力学的エネルギー $\Delta E$  [J]とおくと、

$$\Delta E = \frac{1}{2} m \upsilon^2 - \frac{1}{2} (m+M) V^2 = \frac{1}{2} \cdot \frac{mM}{m+M} \upsilon^2 \quad (\because \textcircled{1})$$

となるので、

$$\frac{\Delta E}{\frac{1}{2} m \upsilon^2} = \frac{M}{m+M}$$

$$\text{答: } \frac{M}{m+M} \text{ 倍}$$

(問3)

一体となつた後の力学的エネルギー保存則より、

$$\frac{1}{2} (m+M) V^2 = (m+M) g L (1 - \cos \theta)$$

$$\upsilon^2 = \left( \frac{m+M}{m} \right)^2 \{ 2g L (1 - \cos \theta) \}$$

$\upsilon > 0$  より、

$$\upsilon = \frac{m+M}{m} \sqrt{2g L (1 - \cos \theta)}$$

$$\text{答: } \upsilon = \frac{m+M}{m} \sqrt{2g L (1 - \cos \theta)} \text{ [m/s]}$$

(問4)

力学的エネルギー保存則より、

$$\frac{1}{2} (m+M) V^2 = \frac{1}{2} (m+M) V'^2 + (m+M) g (2r)$$

$$V'^2 = V^2 - 4gr$$

$$V' > 0 \text{ および } \textcircled{1} \text{ より、 } V' = \sqrt{\left( \frac{m}{m+M} \upsilon \right)^2 - 4gr} \quad \dots \textcircled{2}$$

一方、最高点 $d$ における運動方程式より、

$$(m+M) \frac{V'^2}{r} = T + (m+M)g$$

②を代入して、

$$T = \frac{m^2}{(m+M)r} \upsilon^2 - 5(m+M)g$$

$$\text{答: } V' = \sqrt{\left( \frac{m}{m+M} \upsilon \right)^2 - 4gr} \text{ [m/s], } T = \frac{m^2 \upsilon^2}{(m+M)r} - 5(m+M)g \text{ [N]}$$

(問5)

最高点 $d$ で  $T \geq 0$  となればよいので、(問4)の結果より、

$$\frac{m^2 \upsilon^2}{(m+M)r} - 5(m+M)g \geq 0$$

$$r \leq \frac{m^2 \upsilon^2}{5(m+M)^2 g} = r_{\max}$$

$$\text{答: } r_{\max} = \frac{m^2 \upsilon^2}{5(m+M)^2 g} \text{ [m]}$$

解答紙には答えだけでなく、設問に応じて、式・計算・図や文章による説明も書き入れよ。

2

(問1) 回路を流れる電流を  $I_0$  とおくと オームの法則より  $I_0 = \frac{E}{R}$   
 よって 導体棒が磁場から受ける力は  $I_0 BL$  であるから  
 力のつりあいより  $F = I_0 BL = \frac{EBL}{R}$

$$\text{答: } \underline{F = \frac{EBL}{R} \text{ [N]}}$$

(問2) レールに沿って平行な方向の力のつりあいより

$$mg \sin \theta_1 = \frac{EBL}{R} \cos \theta_1$$

$$E = \frac{mgR \tan \theta_1}{BL}$$

$$\text{答: } \underline{E = \frac{mgR \tan \theta_1}{BL} \text{ [V]}}$$

(問3) 磁場に対して垂直な速度成分は  $v \cos \theta_2$  であるから  
 生じる誘導起電力は  $P \rightarrow Q$  の向きに  $V = vBL \cos \theta_2$   
 よって キルヒホッフの第2法則より

$$E - vBL \cos \theta_2 = RI$$

$$I = \frac{1}{R} (E - vBL \cos \theta_2) \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\text{答: } \underline{V = vBL \cos \theta_2 \text{ [V]}, I = \frac{1}{R} (E - vBL \cos \theta_2) \text{ [A]}}$$

(問4) レールに沿って平行な方向の運動方程式より

$$ma = IBL \cos \theta_2 - mg \sin \theta_2$$

$$= \frac{1}{R} (E - vBL \cos \theta_2) BL \cos \theta_2 - mg \sin \theta_2 \quad (\because \textcircled{1})$$

$$a = \frac{BL \cos \theta_2}{mR} (E - vBL \cos \theta_2) - g \sin \theta_2 \quad \text{[m/s}^2\text{]}$$

$$\text{答: } \underline{a = \frac{BL \cos \theta_2}{mR} (E - vBL \cos \theta_2) - g \sin \theta_2}$$

(問5) 十分に時間が経過したとき、 $a = 0$  となるので、問4の結果を用いて

$$a = \frac{BL \cos \theta_2}{mR} (E - v'BL \cos \theta_2) - g \sin \theta_2 = 0$$

$$E - v'BL \cos \theta_2 = \frac{mgR \sin \theta_2}{BL \cos \theta_2}$$

$$v' = \frac{1}{BL \cos \theta_2} \left( E - \frac{mgR}{BL} \tan \theta_2 \right)$$

$$\text{答: } \underline{v' = \frac{1}{BL \cos \theta_2} \left( E - \frac{mgR}{BL} \tan \theta_2 \right) \text{ [m/s]}}$$

解答紙には答えだけでなく、設問に応じて、式・計算・図や文章による説明も書き入れよ。

3

(問1) 時間が  $T_A$  経過するごとに原子の個数は半分になるので、  
求める個数を  $N_1$  とおくと

$$N_1 = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{T_A}} \quad \text{--- ①}$$

答:  $N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{T_A}}$

---

(問2) ①より

$$N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{T_A}} = \frac{1}{8} N_0 = \left(\frac{1}{2}\right)^3 N_0 \quad \frac{t}{T_A} = 3$$

$$t = 3T_A$$

答:  $3T_A$

---

(問3) 時刻  $t'$  での B の個数は、 $N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t'}{T_B}}$  であるから、

よって①より、

$$\frac{1}{8} \cdot N_0 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t'}{T_A}} = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t'}{T_B}}$$

$$3 + \frac{t'}{T_A} = \frac{t'}{T_B} \quad \frac{T_A - T_B}{T_A T_B} \cdot t' = 3$$

答:  $t' = \frac{3T_A T_B}{T_A - T_B}$

---

(問4) 質量数はそのままで、原子番号が 1 増加しているので

答:  $\beta$  崩壊

---

(問5) (問3)の結果に、 $t' = D$ 、 $T_A = 25$ 、 $T_B = 14$  を代入して

$$D = \frac{3 \times 25 \times 14}{25 - 14} = \frac{1050}{11}$$

答:  $D = \frac{1050}{11}$  [日]

---

(問6) 発生した  $^{32}\text{S}$  と  $^{33}\text{S}$  のモル数をそれぞれ  $n_1$  [mol]、 $n_2$  [mol] とおくと

$$\begin{cases} n_1 = 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{D}{14}} = 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{75}{11}} = 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{\left(7 - \frac{2}{11}\right)} = 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^7 \cdot 2^{\frac{2}{11}} = 1 - \frac{1.13}{128} \\ n_2 = 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{D}{25}} = 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{42}{11}} = 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{\left(4 - \frac{2}{11}\right)} = 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^4 \cdot 2^{\frac{2}{11}} = 1 - \frac{1.13}{16} \end{cases}$$

よって

$$\begin{aligned} m &= 32n_1 + 33n_2 \\ &= 65 - \frac{37}{16} \cdot 1.13 \\ &= 62.3 \dots \\ &\approx 62 \end{aligned}$$

答:  $62$  [g]

---