

解答紙には答えだけでなく、設問に応じて、式・計算・図や文章による説明も書き入れよ。

1

(問1) Aのまわりの力のモーメントのつりあいより、

$$N_B \times 2b - mg \times (b+c) = 0$$

$$N_B = \frac{b+c}{2b} mg$$

Bのまわりの力のモーメントのつりあいより、

$$mg \times (b-c) - N_A \times 2b = 0$$

$$N_A = \frac{b-c}{2b} mg$$

$$\text{答: } N_A = \frac{b-c}{2b} mg \text{ [N]}, N_B = \frac{b+c}{2b} mg \text{ [N]}$$

(問2) 動摩擦より

$$F_A = \mu' N_A = \mu' \frac{b-c}{2b} mg$$

$$F_B = \mu' N_B = \mu' \frac{b+c}{2b} mg$$

$$\text{答: } F_A = \mu' \frac{b-c}{2b} mg \text{ [N]}, F_B = \mu' \frac{b+c}{2b} mg \text{ [N]}$$

(問3) 板についての運動方程式より

$$m a_0 = F_A - F_B$$

$$m a_0 = \mu' \frac{b-c}{2b} mg - \mu' \frac{b+c}{2b} mg$$

$$a_0 = -\frac{c}{b} \mu' g = -\frac{\mu' g}{b} c$$

$$\text{答: } a_0 = -\frac{\mu' g}{b} c \text{ [m/s}^2\text{]}$$

(問4)

答: 板は、ローラーの中点を振動の中心として単振動をする。

理由は、板にはたらく合力  $-\frac{\mu' mg}{b} c$  が復元力であるため。

(問5) 板の角振動数を  $\omega$  [rad/s] とすると問4より

$$-m\omega^2 c = -\frac{\mu' mg}{b} c$$

$\omega > 0$  より

$$\omega = \sqrt{\frac{\mu' g}{b}}$$

よって、周期  $T$  は

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{b}{\mu' g}}$$

$$\text{答: } T = 2\pi \sqrt{\frac{b}{\mu' g}} \text{ [s]}$$

(問6) 振動の中心での運動エネルギーは最大となる。

振動の中心での速さ  $v$  とすると、

$$v = c\omega = c \sqrt{\frac{\mu' g}{b}}$$

よって

$$K_{\max} = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} m \times \frac{\mu' g}{b} c^2 = \frac{\mu' m g c^2}{2b}$$

$$\text{答: } K_{\max} = \frac{\mu' m g c^2}{2b} \text{ [J]}$$

解答紙には答えだけでなく, 設問に応じて, 式・計算・図や文章による説明も書き入れよ。

2

(問1)  $V_0 = k \frac{(+2Q)}{l} + k \frac{(-Q)}{l} = k \frac{Q}{l}$

$V_M = k \frac{(+2Q)}{(\frac{3}{2}l)} + k \frac{(-Q)}{(\frac{l}{2})} = -\frac{2kQ}{3l}$

答:  $V_0 = k \frac{Q}{l} [V], V_M = -\frac{2kQ}{3l} [V]$

(問2)

$E_0 = k \frac{2Q}{l^2} + k \frac{Q}{l^2} = \frac{3kQ}{l}$

$E_c$ のx成分:  $E_{cx} = k \frac{2Q}{(l^2+L^2)} \times \frac{l}{\sqrt{l^2+L^2}} + k \frac{Q}{(l^2+L^2)} \times \frac{l}{\sqrt{l^2+L^2}} = \frac{3kQl}{(l^2+L^2)\sqrt{l^2+L^2}}$

$E_c$ のy成分:  $E_{cy} = k \frac{2Q}{(l^2+L^2)} \times \frac{L}{\sqrt{l^2+L^2}} - k \frac{Q}{(l^2+L^2)} \times \frac{L}{\sqrt{l^2+L^2}} = \frac{kQL}{(l^2+L^2)\sqrt{l^2+L^2}}$

$E_c = \sqrt{E_{cx}^2 + E_{cy}^2} = \frac{kQ}{(l^2+L^2)} \sqrt{\frac{9l^2+L^2}{l^2+L^2}}$

答:  $E_0 = \frac{3kQ}{l} [N/C], E_c = \frac{kQ}{(l^2+L^2)} \sqrt{\frac{9l^2+L^2}{l^2+L^2}} [N/C]$

(問3)

$E' + E_{cx} = -\frac{1}{2} E_{cx}$  より  $E' = -\frac{3}{2} E_{cx} = -\frac{9kQl}{2(l^2+L^2)\sqrt{l^2+L^2}}$

答:  $E' = \frac{9kQl}{2(l^2+L^2)\sqrt{l^2+L^2}} [N/C]$  向き x軸の負方向

(問4)

点Cと点Mの電位差は  $(E' \times \frac{l}{2} + V_M) - \frac{kQ}{\sqrt{l^2+L^2}}$  なので

エネルギーと仕事の関係より, 外力のした仕事は

$W = (-q) \left\{ \frac{9kQl^2}{4(l^2+L^2)\sqrt{l^2+L^2}} - \frac{2kQ}{3l} - \frac{kQ}{\sqrt{l^2+L^2}} \right\}$

答:  $W = (-8) \left\{ \frac{9kQl^2}{4(l^2+L^2)\sqrt{l^2+L^2}} - \frac{2kQ}{3l} - \frac{kQ}{\sqrt{l^2+L^2}} \right\} [J]$

(問5) Pについて, 力学的エネルギー保存則より

$-8V_M - 8E' \times \frac{l}{2} = -8V_0$

$-\frac{kQ8}{l} = -\frac{2kQ8}{3l} - \frac{9kQ8l}{2(l^2+L^2)\sqrt{l^2+L^2}} \times \frac{l}{2}$

$20(l^2+L^2)^{\frac{3}{2}} = 17l^3$   
 $\sqrt[3]{20} \sqrt{l^2+L^2} = 3l$

答:  $L = \sqrt{\frac{9}{\sqrt[3]{400}} - 1} \times l [m]$

解答紙には答えだけでなく、設問に応じて、式・計算・図や文章による説明も書き入れよ。

3

(問1) 理想気体の状態方程式より

AとBの温度は、それぞれ  $\frac{P_1 V_1}{R}$ ,  $\frac{P_2 V_1}{R}$  である。

$$Q_{AB} = 1 \times C_V \left( \frac{P_2 V_1}{R} - \frac{P_1 V_1}{R} \right) = \frac{C_V (P_2 V_1 - P_1 V_1)}{R}$$

答:  $Q_{AB} = \frac{C_V (P_2 V_1 - P_1 V_1)}{R}$  [J]

(問2)  $W_{CA} = P_1 V_1 - P_1 V_2 = -P_1 (V_2 - V_1)$

問1と同様にCの温度は  $\frac{P_1 V_2}{R}$

$$Q_{CA} = 1 \times C_p \left( \frac{P_1 V_1}{R} - \frac{P_1 V_2}{R} \right) = -\frac{C_p P_1 (V_2 - V_1)}{R}$$

答:  $W_{CA} = -P_1 (V_2 - V_1)$  [J],  $Q_{CA} = -\frac{C_p P_1 (V_2 - V_1)}{R}$  [J]

(問3)

答: BからCへの変化は断熱変化より熱量は0[J], 自由膨張より仕事は0[J]である。

よって熱力学第1法則より、理想気体の内部エネルギーの変化は0[J]となる。

従って温度が変化しない変化である。

(問4)

熱力学第1法則より

$$0 = Q_{AB} + Q_{CA} - W_{CA}$$

$$0 = \frac{C_V (P_2 - P_1) V_1}{R} - \frac{C_p P_1 (V_2 - V_1)}{R} + P_1 (V_2 - V_1)$$

$$C_p = \frac{P_2 V_1 - P_1 V_1}{P_1 V_2 - P_1 V_1} C_V + R$$

BとCの温度は等しいので  $P_2 V_1 = P_1 V_2$

よって  $C_p = C_V + R$

答:  $C_p = C_V + R$

(問5)

理想気体の状態方程式よりC'の温度は  $\frac{P_1 V_3}{R}$

B→C'の内部エネルギーの変化は  $C_V \left( \frac{P_1 V_3}{R} - \frac{P_2 V_1}{R} \right)$  となる。

熱力学第1法則より

$$C_V \left( \frac{P_1 V_3}{R} - \frac{P_2 V_1}{R} \right) = 0 - W_{BC'}$$

よって  $W_{BC'} = \frac{C_V (P_2 V_1 - P_1 V_3)}{R}$

答:  $W_{BC'} = \frac{C_V (P_2 V_1 - P_1 V_3)}{R}$  [J]

(問6)

C'→Aの理想気体に加えられる熱量  $Q_{CA}$  は(問2)と同様に

$$Q_{CA} = -\frac{C_p P_1 (V_3 - V_1)}{R}$$

$$e = \frac{Q_{AB} + Q_{CA}}{Q_{AB}} = \frac{\frac{C_V (P_2 - P_1) V_1}{R} - \frac{C_p P_1 (V_3 - V_1)}{R}}{\frac{C_V (P_2 - P_1) V_1}{R}}$$

(問4)を代入して

$$e = 1 - \frac{(C_V + R) P_1 (V_3 - V_1)}{C_V (P_2 - P_1) V_1}$$

答:  $e = 1 - \frac{(C_V + R) P_1 (V_3 - V_1)}{C_V (P_2 - P_1) V_1}$