

受験番号	
------	--

令和8年度
数学②

問題		
1		点

受験番号	
------	--

令和8年度

数学② 解答紙

理・医(保健学科放射線技術科学専攻,
検査技術科学専攻)・薬・工・情(理系型)
(4枚のうち, その1)

問題		
1		点

1 の解答欄

$m \in \mathbb{N}$ とする

$$a_{2m-1} = (2m-1)^2 - 1 = 4m^2 - 4m$$

$$a_{2m} = \frac{1}{2}(2m)^2 - 2m = 2m^2 - 2m$$

おて n が偶数のとき

$$S_n = \sum_{k=1}^n a_k = \sum_{m=1}^{\frac{n}{2}} (a_{2m-1} + a_{2m})$$

$$\therefore S_n = \sum_{m=1}^{\frac{n}{2}} (6m^2 - 6m)$$

(問1)

$$S_6 = \sum_{m=1}^3 (6m^2 - 6m)$$

$$= 6 \cdot \frac{1}{6} \cdot 3 \cdot (3+1) (2 \cdot 3 + 1) - 6 \cdot \frac{1}{2} \cdot 3 \cdot (3+1)$$

$$= 84 - 36$$

$$S_6 = 48 \quad \dots (\text{答})$$

$$S_5 = S_6 - a_6$$

$$= 48 - \left(\frac{1}{2} \cdot 6^2 - 6 \right)$$

$$S_5 = 48 - 12$$

$$S_5 = 36 \quad \dots (\text{答})$$

(問2)

$$S_{2n} = \sum_{m=1}^n (6m^2 - 6m)$$

$$= 6 \cdot \frac{1}{6} n(n+1)(2n+1) - 6 \cdot \frac{1}{2} n(n+1)$$

$$= n(n+1) \{ (2n+1) - 3 \}$$

$$S_{2n} = 2n(n+1)(n-1) \quad \dots (\text{答})$$

$$S_{2n-1} = S_{2n} - a_{2n}$$

$$= 2n(n+1)(n-1) - \left\{ \frac{1}{2} (2n)^2 - 2n \right\}$$

$$= 2n(n+1)(n-1) - (2n^2 - 2n)$$

$$= 2n(n-1) \{ (n+1) - 1 \}$$

$$S_{2n-1} = 2n^2(n-1) \quad \dots (\text{答})$$

(問3)

$p \in \mathbb{N}$ とする

$$\sum_{l=1}^{2n} S_l = \sum_{p=1}^n (S_{2p-1} + S_{2p}) \quad \text{と表せる}$$

(2) の結果を用いて

$$\sum_{p=1}^n (S_{2p-1} + S_{2p})$$

$$= \sum_{p=1}^n \left\{ 2p^2(p-1) + 2p(p+1)(p-1) \right\}$$

$$= \sum_{p=1}^n \left\{ 2p^2(p-1) + 2p(p^2-1) \right\}$$

$$= \sum_{p=1}^n (4p^3 - 2p^2 - 2p)$$

$$= 4 \cdot \left\{ \frac{1}{2} n(n+1) \right\}^2 - 2 \cdot \frac{1}{6} n(n+1)(2n+1) - 2 \cdot \frac{1}{2} n(n+1)$$

$$= n^2(n+1)^2 - \frac{1}{3} n(n+1)(2n+1) - n(n+1)$$

$$= \frac{1}{3} n(n+1) \{ 3n(n+1) - (2n+1) - 3 \}$$

$$= \frac{1}{3} n(n+1)(n-1)(3n+4) \quad \dots (\text{答})$$

受験番号

令和8年度
数学②

問題		
2		点

受験番号

令和8年度

数学② 解答紙

理・医(保健学科放射線技術科学専攻,
検査技術科学専攻)・薬・工・情(理系型)
(4枚のうち, その2)

問題		
2		点

2 の解答欄

数学①の③と同じ

理・医(保健学科放射線技術科学専攻,
検査技術科学専攻)・薬・工・情(理系型)
(4枚のうち, その3)

3 の解答欄

(問1)

$$g(2)=0 \text{ かつ } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)}{g(x)} = 0 \text{ かつ } f(2)=0$$

$$\text{ゆえに, } f(x) = (x-2)(x^2+ax+b)$$

$$g(x) = (x-2)(x^2+cx+d) \text{ とおける。}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)}{g(x)} = 0 \text{ かつ } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2+ax+b}{x^2+cx+d} = 0$$

$$\text{であるから, } 4+2a+b=0 \dots \textcircled{1}$$

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x)}{g(x)} = 0 \text{ かつ } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2+ax+b}{x^2+cx+d} = 0$$

$$\text{であるから, } 9+3a+b=0 \dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{ から } a=-5, b=6$$

$$f(x) = (x-2)(x^2-5x+6) = (x-2)^2(x-3)$$

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{f(x)}{g(x)} = 2 \text{ かつ } \lim_{x \rightarrow 4} \frac{(x-2)(x-3)}{x^2+cx+d} = 2$$

$$\text{であるから, } 16+4c+d=1 \dots \textcircled{3}$$

$$\lim_{x \rightarrow 5} \frac{f(x)}{g(x)} = 6 \text{ かつ } \lim_{x \rightarrow 5} \frac{(x-2)(x-3)}{x^2+cx+d} = 6$$

$$\text{であるから, } 25+5c+d=1 \dots \textcircled{4}$$

$$\textcircled{3}, \textcircled{4} \text{ から, } c=-9, d=21$$

したがって,

$$f(x) = (x-2)^2(x-3) \dots \text{(答)}$$

$$g(x) = (x-2)(x^2-9x+21)$$

(問2)

$$\int_4^5 \frac{g(x)}{f(x)} dx = \int_4^5 \frac{x^2-9x+21}{(x-2)(x-3)} dx$$

$$= \int_4^5 \left\{ 1 - \frac{4x-15}{(x-2)(x-3)} \right\} dx$$

$$= \int_4^5 \left(1 - \frac{7}{x-2} + \frac{3}{x-3} \right) dx$$

$$= \left[x - 7 \log(x-2) + 3 \log(x-3) \right]_4^5$$

$$= (5 - 7 \log 3 + 3 \log 2) - (4 - 7 \log 2)$$

$$= 1 - 7 \log 3 + 10 \log 2 \dots \text{(答)}$$

4 の解答欄

(問1) 1回引いて当たりが出ない確率は $1 - \frac{1}{m}$

各回独立して繰り返すとよいため,

$$P_{m,n} = \left(1 - \frac{1}{m}\right)^n \dots (\text{答})$$

(問2) $P_{25,n} = \left(1 - \frac{1}{25}\right)^n = \left(\frac{24}{25}\right)^n$

よって

$$P_{25,n} < 0.1$$

$$\Leftrightarrow \left(\frac{24}{25}\right)^n < \frac{1}{10}$$

常用対数をとると

$$n \log_{10} \frac{24}{25} < -1$$

よって

$$n > \frac{1}{\log_{10} \frac{25}{24}} \dots \textcircled{1}$$

よって

$$\log_{10} \frac{25}{24} = \log_{10} \frac{100}{25 \cdot 3}$$

$$= 2 - 5 \log_{10} 2 - \log_{10} 3$$

より, 条件を用いて

$$2 - 5 \times 0.30103 - 0.47713$$

$$< \log_{10} \frac{25}{24} < 2 - 5 \times 0.30102 - 0.47712$$

よって

$$0.01772 < \log_{10} \frac{25}{24} < 0.01778$$

ゆえに

$$56.2 < \frac{1}{0.01778} < \frac{1}{\log_{10} \frac{25}{24}} < \frac{1}{0.01772} < 56.5$$

よって, ①をみたす最小の n は

$$n = 57 \dots (\text{答})$$

(問3)

$$\lim_{m \rightarrow \infty} P_{m,2m} = \lim_{m \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{1}{m}\right)^{2m}$$

$$= \lim_{m \rightarrow \infty} \left(\frac{m-1}{m}\right)^{2m}$$

$$= \lim_{m \rightarrow \infty} \left(\frac{m}{m-1}\right)^{-2m}$$

$$= \lim_{m \rightarrow \infty} \left\{ \left(1 + \frac{1}{m-1}\right)^{m-1} \right\}^{\frac{-2m}{m-1}}$$

$$= \lim_{m \rightarrow \infty} \left\{ \left(1 + \frac{1}{m-1}\right)^{m-1} \right\}^{-\left(2 + \frac{2}{m-1}\right)}$$

$$= e^{-2} = \frac{1}{e^2} \dots (\text{答})$$